

## استخدام طريقة سطح الاستجابة RSM في تحسين العمليات وتحقيق الامثلية بالتطبيق على مصنع الفتاح للاسمنت في مدينة درنة - ليبيا

میعاد فاضل علیوی<sup>١</sup>، عبید محمود الزوبعی<sup>٢</sup>

<sup>١</sup> كلية الآداب والعلوم، جامعة عمر المختار، القبة، ليبيا

<sup>٢</sup> رئيس قسم إدارة الأعمال، جامعة جيهان، السليمانية، العراق

### الملخص:

يتناول البحث بالدراسة والتحليل مسألة تحسين العمليات الانتاجية وتحقيق الامثلية في انتاج منتج الاسمنت الذي يعتبر من الصناعات المهمة والحيوية في اقتصاد اي دولة، وذلك عن طريق استخدام اساليب احصائية حديثة في ضبط جودة العمليات الانتاجية من اجل تحديد الانحرافات الحاصلة في العملية الانتاجية واخذ الاجراءات التصحيحية المناسبة في الوقت المناسب. تم استخدام طريقة سطح الاستجابة في تحقيق امثلية التجارب العاملية<sup>k</sup> في تحسين قوة مقاومة الانضغاط للاسمنت من خلال فحص تاثير الاطوار الاربعة المكونة للكلكر في منتج الاسمنت اذ بينت النتائج ان الطورين الاول C<sub>2</sub>S والثاني C<sub>3</sub>S ، لهما الاثر الاكبر في تحسين قوة مقاومة الاسمنت عند المستويين العلويين لكل منهما ، كما بينت النتائج ان امثلية العملية تتحقق عند التركيز (36 ) للطور الاول والتركيز (67) للطور الثاني عند قوة مقاومة للانضغاط هي (27.75).

الكلمات المفتاحية: تصميم<sup>k</sup> ، قوة مقاومة الانضغاط ، امثلية العملية ، طريقة الصعود الحاد.

### پوخته :

تۆیژینەوەکە مەسەلەی باشکردنى پرۆسەكانى بەرھەمەيىنان و گەيشتن بە بەرھەمەيىنانى نمونەيى لە بەرھەمى چىمەنتىۋدا دەتۆیژىتەوە و شى دەكتەوە، كە بە يەكىك لە پېشەسازىيە گۈنگ و بايە خدارەكانى ئابۇورىيى ھەر ولايىك دادەنرىت، ئەویش لە رېكەى بەكارھەيىنانى شىۋازى ئامارىي مۇدىرىن، لە پېكخىستنى كوايتىي پرۆسەكانى بەرھەمەيىناندا، لە پېتىاو دىيارىكىردىنى ئەو لادانانەيى لە پرۆسەكانى بەرھەمەيىناندا روويان داوه، و گەرتە بەرى رېوشۇينەكانى راستىردىنەوە گۈنچاۋ لە كاتى گۈنچاۋا.

رېكەى رووكەشى وەلامانەوە (سە تەنلىي ئىستىيجابە) بە كارھەيىراوە بۇ بەددەستەيىنانى (أميلىيە التجارب العاملية<sup>k</sup> = نمونەيى تاقىيەردىنەوەها كۈنکەيە كان<sub>2</sub>) بۇ باشتىركەنلى تواناي خۆگەرتى چىمەنتۇ بۇ فشارخستنەسەر، ئەویش لە رېكەى لېئۇرىن كردىن (فەحس اى كارىگەرلىي ھەر چوار شىۋەكەى (كىلىنگەر) بەسەر بەرھەمى چىمەنتۇوە، تۆیژىنەوەكە دەرى خست دوو شىۋەي يەكەم (C2S) و (C3S) كارىگەرلىي گەورەريان ھەيە بۇ پتەوکەنلى چىمەنتۇ بەرامبەر فشارخستنەسەر، هاوكات دەركەوت كە نمونەيىبۇونى كەدرارىي ئەو كاتە دېتەدى، كە فۆكەسى شىۋەي يەكەم (36) و هي شىۋەي دووەم (67) بى، لە كاتىكىدا ھېزى فشارخستنەسەر كە (27.75) بى.

**Abstract:**

Research study and analysis of the question of improving the production processes and optimize the production of cement that is considered important and vital industries in the economy of a State. Through the use of modern statistical methods in quality control of production processes in order to identify deviations in the productive process and structure appropriate corrective action in time. Response surface method was used in optimizing factorial design  $2^k$  on improving compressive strength of cement by examining the effect of the four phases in clinker cement product , as the results showed that the phases  $C_2S$  and  $C_3S$  , have the greatest impact in improving the strength of cement resistance at high levels to each of them, also the results showed that the optimization process is recognized when the focus (36) for the first phase and the concentration (67) for the second one when the power of resistance to compression is (27.75)

## المقدمة

ان تطبيق طرق تصميم وتحليل التجارب له دور كبير في تحسين العمليات وما ينعكس ذلك على ضبط جودة المنتجات حيث من المعلوم ان تحسين العمليات الانتاجية يؤدي الى ضبط جودة المنتج وتقليل كلف تصنيعه ومن ثم تقليل الضائع من الوقت والجهد وبالتالي اتخاذ القرارات السليمة الخاصة بالانتاج والتجميع وتعتبر العمليات الاحصائية الخاصة بضبط جودة التصميم العامل  $2^k$  من الاساليب الحديثة المستخدمة في ضبط جودة المنتجات الصناعية(Montgomery,1997)، حيث نستطيع من خلال هذه الاساليب ان نقوم بفحص العملية الانتاجية باستمرار وبمراحلها المختلفة ويكون اجراء التصحيحات انيا وعلى مدار سير العملية ومن ثم ضبط جودتها والقيام بتغييرات في بعض الخصائص المهمة للجودة من اجل الوصول بها نحو الامثلية، وتعتبر هذه العملية من الطرق الحديثة في ضبط جودة المنتجات الصناعية للنهوض باقتصاد الدول من اجل تقديم منتجات عالية الجودة باقل التكاليف.

### أهمية البحث واهدافه :

ان هدف الوصول الى مستوى عالي بالتنافس في الاسواق الدولية تتطلب ضرورة تمنع المنتجات بجودة عالية تلبى متطلبات التنافس الدولي من خلال المواصفات الجيدة للسلع وباقل التكاليف ، ومن هنا تأتي اهمية البحث باستخدام اساليب منخفضة الكلفة ومضمونة النتائج بإجراء التحليل الاحصائي المستمر في العملية الانتاجية لتحسين اداء المنتج وتخفيف تكاليف انتاجه. وتبين اهمية البحث بالتطبيق العملي على واحد من المنتجات المهمة في دولة ليبا وهو منتج الاسمنت نظراً للنecessity العمانانية الكبيرة التي تقوم بها هذه الدولة والاحتياج المستمر لمنتج خالي من العيوب وبمواصفات مرضية.

### مشكلة البحث:

تفتقر اكثـر المنشـآت الصنـاعـية الى الاسـالـیـبـ الـحـدـیـثـةـ في ضـبـطـ جـوـدـةـ وـتـحـسـینـ وـالـعـمـلـیـاتـ بـمـعـنـیـ انـهـ تـقـنـقـرـ الىـ الاسـالـیـبـ الـعـلـمـیـةـ فـيـ تـحـدـیدـ الـانـھـرـافـاتـ الـتـیـ تـمـرـ بـهـ اـیـ عـلـمـیـةـ اـنـتـاجـیـةـ وـبـالـتـالـیـ يـصـعـبـ تـصـحـیـحـهـاـ فـیـ الـوقـتـ الـمـنـاسـبـ،ـ وـتـقـلـیـلـ کـلـفـةـ الـاـنـتـاجـ الـمـخـالـفـ لـالـمـواـصـفـاتـ .ـ

### فرضيات البحث :

- يفترض البحث ان هناك ارتباط كبير بين تطبيق ضبط العمليات الاحصائية ورفع جودة المنتج وتحسين العمليات.
- هناك علاقة وثيقة بين تحسين المنتج وتخفيف التكاليف الانتاجية له ومن ثم تحقيق الربحية المطلوبة للمؤسسة الانتاجية والخدمة والقدرة على تحقيق التنافس في الاسواق العالمية.
- ان استخدام اسلوب تصميم التجارب في ضبط الجودة يعمل على رفع كفاءة المنتج وتحقيق التشخيص المبكر للانحرافات داخل العملية الانتاجية ومن ثم تحقيق الامثلية لها.

### منهجية البحث :

استخدم في هذه الورقة اسلوب التحليلي الاستنتاجي من خلال تطبيق طرق تصميم وتحليل التجارب على البيانات الماخوذة من واقع الانتاج الفعلي للمصنع وذلك بتطبيق منهجية Montgomery وتعزيزها بوسائل الملاحظة والمراقبة في المراحل المختلفة للانتاج

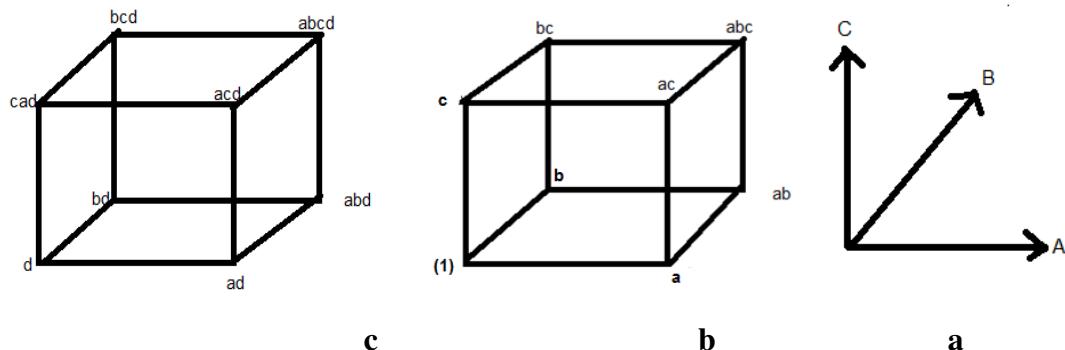
### مواد وطرق العمل

#### $2^k$ التجارب العاملية

هي من النماذج المهمة في التجارب العملية التي تستخدم في تحسين وتطوير العمليات حيث يكون هنا عاملين لكل منهم مستويان منخفض وعال تميز بتحليل مبسط وتعتبر الأساس لكثير من التصميمات المهمة الأخرى.(Montgomery,1997).

#### التصميم العاملی $2^k$ مع ( $k \geq 3$ )

في هذه التجارب يكون لدينا K عامل لكل منها مستويان منخفض وعال ( + ، - ) وسنختار هنا  $k = 4$  عوامل كل منها بمستويين فسيكون لدينا تجربة  $2^4$  (Davies,1956) تضم 16 معالجة يمكن تمثيلها بالشكل (1) التالي:



شكل (1) تصميم  $2^4$

يضم هذا التصميم (4) تأثيرات رئيسية للعوامل ( $A, B, C, D$ ) مع (6) تفاعلات ثنائية ( $AB, AC, AD, BC, BD, BC \dots (ABCD, ABD, \dots)$ ) واربع تفاعلات ثلاثة ( $(ABC, ABD, \dots)$ ) وتفاعل رباعي واحد ( $(ABCD)$ ). النموذج الخاص بهذا التصميم هو:

$$y = \mu + A + B + C + D + AB + AC + AD + BC + BD + CD + ABC + ABD + ACD + BCD + ABCD + \varepsilon \quad (1)$$

حيث  $\mu$  المتوسط العام  $\varepsilon$  الخطأ العشوائي الذي يتوزع طبيعيا ( $(0, \sigma^2)$ ) يمكن تقدير التأثيرات الرئيسية بسهولة حيث التأثير الرئيسي يحسب كما يلي :

$$Effect = \frac{contrast}{n2^{k-1}} \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

مجموع المربعات تكون

$$S.S = \frac{(contrast)^2}{n2^K} \quad \dots \dots \dots \quad (3)$$

التأثيرات الرئيسية والتفاعلات للعوامل ( $A, B, C, D$ ) كما يلي : التأثيرات الرئيسية ل  $A, B$  :

$$A = 1/8n[a + ab + ac + abc + ad + abd + acd + abcd - (1) - b - c - ac - d - bc - bd - cd - bcd] \quad (4)$$

$$B = 1/8n[b + ab + bc + abc + bd + abd + bcd + abcd - (1) - a - c - ac - d - ad - cd - acd] \quad (5)$$

$$AB = 1/8n[ab + c + abc + d + abd + cd + abcd + (1) - a - b - ac - bc - ad - bd - acd - bcd] \quad (6)$$

و التفاعل الثلاثي

$$ABC = 1/8n[a + ab + c + bc + d + bd + acd + abcd - (1) - b - ac - abc - ad - abd - cd - acd] \quad (7)$$

$$BCD = 1/8n[b + ab + c + ac + d + ad + bcd + abcd - (1) - a - bc - abc - bd - abd - cd - acd] \quad \dots \dots \dots \quad (8)$$

وهكذا لباقي التفاعلات ... ثم التفاعل الرباعي:

$$ABCD = 1/8n[(1) + ab + ac + bc + ad + bd + cd + abcd - a - b - c - abc - d - abd - acd - bcd] \quad \dots \dots \dots \quad (9)$$

يتم استخدام الجدول (1) التالي لتحديد الإشارات الموجبة والسالبة لتصميم  $2^4$  :

جدول (1) الاشارات الموجبة والسلبية لتصميم  $2^4$

Run	A	B	A B	C	A C	B C	AB C	D	A D	B D	AB D	CD	ACD	BCD	ABCD
(1)	-	-	+	-	+	+	-	-	+	+	-	+	-	-	+
a	+	-	-	-	-	+	+	-	-	+	+	+	+	-	-
b	-	+	-	-	+	-	+	-	+	-	+	+	-	+	-
ab	+	+	+	-	-	-	-	-	-	-	+	+	+	+	+
c	-	-	+	+	-	-	+	-	+	+	-	-	+	+	-
ac	+	-	-	+	+	-	-	-	-	+	+	-	-	+	+
Bc	-	+	-	+	-	+	-	-	+	-	+	-	+	-	+
abc	+	+	+	+	+	+	+	-	-	-	-	-	-	-	-
d	-	-	+	-	+	+	-	+	-	-	+	-	+	+	-
Ad	+	-	-	-	-	+	+	+	+	-	-	-	-	+	+
Bd	-	+	-	-	+	-	+	+	-	+	-	-	+	-	+
Abd	+	+	+	-	-	-	-	+	+	+	+	-	-	-	-
Cd	-	-	+	+	-	-	+	+	-	-	+	+	-	-	+
acd	+	-	-	+	+	-	-	+	+	-	-	+	+	-	-
bcd	-	+	-	+	-	+	-	+	-	+	-	+	-	+	-
Abcd	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+

هناك طريقة إضافية للحكم على معنوية التأثيرات إضافة إلى طريقة ANOVA (Fisher, 1935) هي نحسب الأخطاء القياسية للتأثيرات ونقارن قيمة التأثير إلى خطأ المعياري ، الخطأ المعياري لأي تأثير في تصميم  $2^k$  بحسب الآتي:

$$s.e ( effect ) = \sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{n^{2^{k-2}}}} \quad \dots \quad (10)$$

حيث  $\hat{\sigma}^2$  تقدير تباين الخطأ التجاري  $\sigma^2$

حيث نستفيد من هذا الاختبار في بيان اهمية تأثير العامل وذلك اذ كانت حدود الثقة للعامل تتضمن الصفر يدل على ان العامل غير مؤثر بالشكل المطلوب والعكس صحيح ...اما حساب حدود الثقة للتأثيرات وتفاعلاتها كالتالي:

$$( effect \pm 2SE effect ) \quad \dots \quad (11)$$

### تحليل الباقي Residual Analysis

الباقي هي الفرق بين القيمة المقدرة  $\hat{y}_{ij}$  والقيمة الحقيقة  $y_{ij}$  من بيانات العينة في النموذج الخطي في تحليل التباين، هذه الفروق هي الأخطاء في النموذج او ما يسمى بالباقي ، الوسط الحسابي للباقي والتباين لها كما يلي :

$$\sigma^2 = mse \quad \bar{e} = 0$$

يبني تحليل التباين وصحة نتائجه على عدة فرضيات ( كما ذكرنا ) ولا بد من توافرها وإلا كانت النتائج غير ذات جدوى ، فنلجاً لدراسة الباقي من خلال رسماها وفحص انتشار نقاطها فلاختبار تجانس التباينات نرسم الباقي مقابل مستويات العامل فيجب ان لا نلاحظ اتجاه لزيادة او نقصان الباقي مع تغير قيمة العامل ، ولاختبار الاستقلالية للمشاهدات نرسم الباقي مقابل القيم الاصلية للبيانات فينبغي ان لا يظهر اتجاه متزايد او شكل دوري متكرر للباقي حيث يكون تسلسل الإشارات السالبة والموجبة بشكل مبعثر بدون تشكل منحنى او شكل محدد، في حين ان الرسم البياني للباقي مقابل القيم المقدرة  $\hat{y}_{ij}$  يمكن ان يفسر لنا بصورة عامة فيما اذا كانت فروض التحليل متوفرة ام لا ، تحسب قيم الباقي كما يلي ( Cochran & Kamenev, 2004)

$$e_{ij} = y_{ij} - \hat{y}_{ij} \quad \dots \quad (12)$$

### امثلية العملية Optimization

بعد تحديد العوامل الأكثر أهمية وتتأثيراً في متغير الاستجابة وسير العملية كل تكون الخطوة التالية أمثلية العملية او إيجاد الشروط المناسبة لمتغيرات العملية لتحسين العملية وجعلها الأفضل في الإنتاج ، وسنحاول هنا توضيح كيفية استخدام تصميم التجارب في تعظيم وتحسين العملية الإنتاجية.

### طريقة سطح الاستجابة Response Surface Method

منهجية السطح ( منهجية مونتغومري التي ذكرت سابقا) هي مجموعة من التقنيات الرياضية والإحصائية المهمة للنمذجة والتحليل في التطبيقات حيث الاستجابة المطلوبة تتأثر بعده متغيرات يكون الهدف هنا تعظيم هذه الاستجابة وقد زاد الاهتمام والتركيز بشكل كبير على هذه التقنية المهمة التي أوضحت نتائجها الفائدة الكبيرة في هذا المجال .(Myer & Montgomery, 1995)

بفرض أن مهندس النوعية يرغب بإيجاد المستويات المطلوبة للمتغيرين ( $x_1, x_2$ ) التي تؤثر على تعظيم ناتج العملية ( y ) فسيكون y هو دالة لمستويات ( $x_1, x_2$ ) كما يلي:

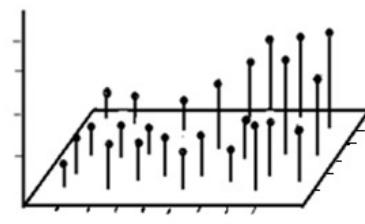
$$y = f(x_1, x_2) + \varepsilon \quad (13)$$

يمثل الخطأ المشاهد في متغير الاستجابة y ، إذا كانت القيمة المتوقعة له y هي ( y ) فسيكون السطح كما يلي:  
فسيكون السطح هو

$$E(y) = f(x_1, x_2) \quad (14)$$

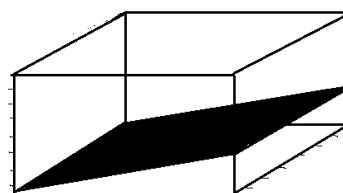
الذي يسمى سطح الاستجابة ( Response Surface ) حيث ترسم الاستجابة على مستوى ثلاثي الأبعاد (Montgomery, 1999) ولغرض تحليل وفهم هذا السطح نقوم برسم شكل ابتدائي للسطح كما في الشكل (2) الذي يتضمن المرحلة الأولى وذلك بتعويض قيم  $x_2, x_1$  في متغير الاستجابة y ثم بايصال هذه النقاط مع بعض يتكون الشكل b الذي هو نموذج السطح اما الشكل C فهو الشكل المحيطي Contours باتجاهين لسطح الاستجابة حيث الخطوط هنا مستقيمة لأن النموذج من الدرجة الأولى يحتوى التأثيرات الرئيسية فقط ، الرسم المحيطي هذا يساعد في دراسة مستويات X'S التي تنتج من التغيرات في شكل أو ارتفاع سطح الاستجابة : RSM :

**شكل المستوى ثلاثي الأبعاد قبل توصيل النقاط**



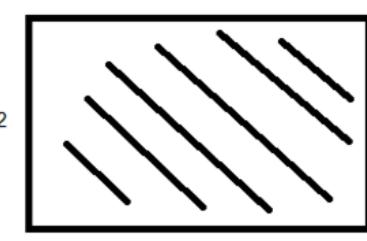
a

شكل سطح الاستجابة بعد توصيل النقاط في الشكل السابق



b

الشكل المحيطي باتجاهين لسطح الاستجابة



c

شكل (2) سطح الاستجابة والشكل المحيطي له

في معظم مشاكل RSM شكل العلاقة بين الاستجابة و المتغيرات المستقلة غير معروف ولهذا فأول خطوة في هذه التقنية إيجاد تقرير ملائم للعلاقة الصحيحة بين  $y$  و المتغيرات المستقلة؛ عادة نستخدم كثير الحدود من الدرجة الأولى كدالة خطية لـ  $y$  عند  $X^*$  فسيكون:

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k x_k + \epsilon \quad \dots \dots \quad (15)$$

تستخدم طريقة المربعات الصغرى لحساب معلمات النموذج  $B^*$  التي تصغر مجموع مربعات الخطأ فيه فتحليل سطح الاستجابة عند ذلك سيكون بدالة السطح المطابق الذي يكون مساوي تقريراً لتحليل سطح الاستجابة للنموذج الأصلي<sup>(7)</sup>.

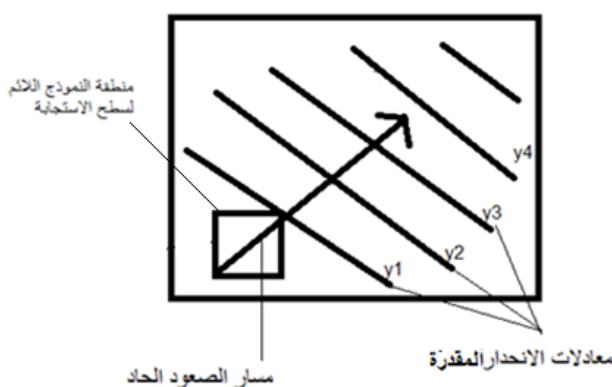
أن RSM إجراء تعاقبي فعندما نكون في نقطة على سطح الاستجابة بعيدة عن الأمثلية فسيكون هدفنا دفع العملية بكفاءة وسرعة نحو المنطقة القريبة من أمثلية العملية التي عندها تتحقق المواصفات المحددة.... احدث طرق RSM المعروفة طريقة الصعود الحاد The Method of Steepest Ascent حيث قمة المرتفع بالأعلى حيث تقع عندها النقطة التي تمثل أعظم استجابة ... وإذا كان المطلوب اصغر استجابة فتستخدم طريقة النزول الحاد (The Method of Steepest Descent).

#### طريقة الصعود الحاد Steepest Ascent Method

غالباً ما يكون التقدير الابتدائي لحالات التشغيل الأمثل للنظام بعيدة عن الحالة المطلوبة .. هدف مهندس الجودة هنا دفع العملية بسرعة و دقة إلى المنطقة التي تمثل الهدف المطلوب هو الدرجة المثلثي .. تستخدم طريقة بسيطة و اقتصادية دقيقة عندما نكون بعيدين عن منطقة الأمثلية ففترض النموذج من الدرجة الأولى باعتباره التقرير الأفضل للسطح الحقيقي في منطقة صغيرة لـ  $X_2$  الطريقة المناسبة تسمى الصعود الحاد أو تمثل حركة تعاقبية على طول مسار هذا الصعود باتجاه أعظم زيادة في الاستجابة ..... النموذج الملائم من الدرجة الأولى

$$\hat{y} = \beta_0 + \sum_{i=1}^k \hat{\beta}_i x_i \quad \dots \dots \quad (16)$$

ونموذج سطح الاستجابة من الدرجة الأولى بمعنى الشكل التخطيطي لـ  $\hat{y}$  هو سلسلة من الخطوط المتوازية شكل (3) حيث اتجاه الصعود الحاد هو باتجاه زيادة  $\hat{y}$  بسرعة أكبر، عادة نأخذ مسار الصعود الحاد هو الخط المرسوم من مركز المنطقة المطلوبة في العملية مناظر للشكل المحيطي لسطح الاستجابة و هكذا تكون الخطوط على طول المسار مناسبة لمعاملات الانحدار  $\hat{\beta}$  المهندس هو من يحدد مقدار الحركة على طول هذا المسار اعتماداً على معرفته بالعملية الإنتاجية أو أي اعتبارات أخرى ، تستمر التجربة بالعمل على طول المسار المذكور حتى الوصول إلى الحد الذي تتوقف عنده الزيادة في الاستجابة .. أو إلى حدود الاستجابة المطلوبة فسنحصل على نموذج جديد من الدرجة الأولى ليتم مطابقته وإذا احتاج الأمر القيام بتجارب جديدة واتخاذ خطوات جديدة على المسار حتى يشعر مهندس النوعية بأن العملية اقتربت من الأمثلية



شكل (3) سطح الاستجابة لنموذج من الدرجة الاولى مع مسار الصعود الحاد

#### النتائج والمناقشة:

يتضمن هذا التطبيق قياس مقاومة الانضغاط للإسمنت  $C_3D$  من خلال فحص نسب  $C2S, C3S, C3A$ ,  $C4AF$ , ( Hedrick & Padovani, 2003 ) التي هي الأطوار الرئيسية للكانكر، وذلك باختيار مجموعة من

المكعبات المصنعة في مختبر الجودة بخلط نسب محددة من الاسمنت والرمل القياسي والماء وتسلیط قوة انتضاظ عالیة من جهاز فحص الضغط بمعدل 15 نیوتن / ملم<sup>2</sup> وتسجل القوة التي تؤدي إلى كسر المکعب ، يتضمن الفحص دراسة قیاسات الأطوار الأربع الرئیسیة التي يتكون منها الاسمنت ، بمستويین (عالي ومنخفض ) لكل طور منها ، مستويات العوامل في الجدول التالي:

**جدول (2) مستويات العوامل في فحص مقاومة الانتضاظ**

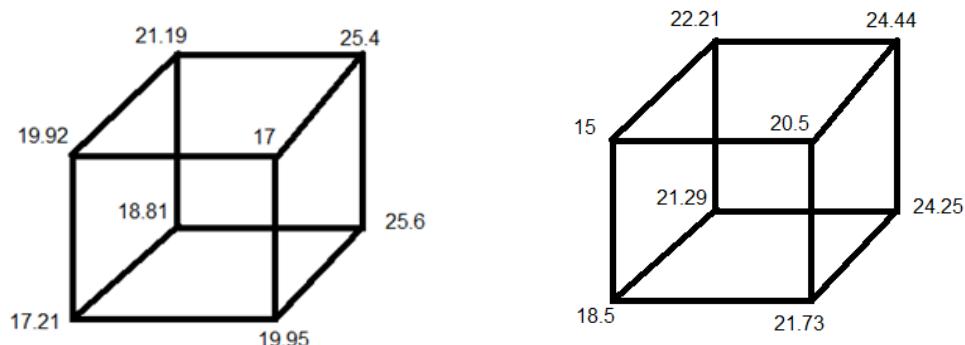
Level	C <sub>3</sub> S	C <sub>2</sub> S	C <sub>3</sub> A	C <sub>4</sub> AF
Law (-)	40	10	7	11
High (+)	60	38	12	15

أي C3D وقياس مقاومة الانضاظ التي يتعرض لها مکعب الاسمنت بعد 3 أيام من صنعه (نیفل، 2005) يرمز لها عند جميع مستويات العوامل المذکورة حيث يمثل الرقم (40) Days الأیام Compressive D و C في الكلنکر وكذلك الرقم (60) المستوى العالی له وهکذا لبقية العوامل، C<sub>3</sub>S مثلًا المستوى المنخفض للعامل ملم<sup>2</sup> كما / نت C3D سحبت بيانات العينة من سجلات المختبر عشوائیاً 16 مکعب وقیست مقاومة الانضاظ بلي :

**جدول (3) تصميم<sup>4</sup> لمقاومة الانتضاظ C<sub>3</sub>D**

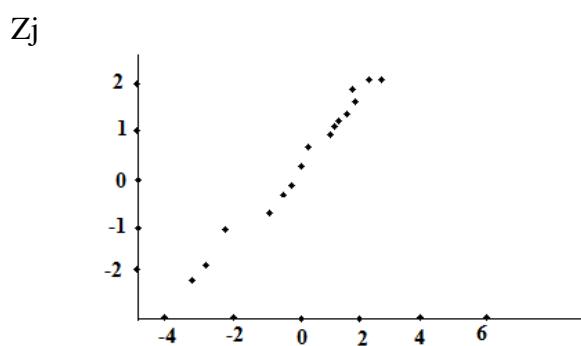
Run	A(C2S)	B(C3S)	C(C3A)	D(C4AF)	C <sub>3</sub> D
1	-1	-1	-1	-1	17.21
2	1	-1	-1	-1	19.95
3	-1	1	-1	-1	18.81
4	1	1	-1	-1	24.5
5	-1	-1	1	-1	19.92
6	1	-1	1	-1	17
7	-1	1	1	-1	21.19
8	1	1	1	-1	24.4
9	-1	-1	-1	1	18.5
10	1	-1	-1	1	21.73
11	-1	1	-1	1	21.29
12	1	1	-1	1	24.25
13	-1	-1	1	1	15
14	1	-1	1	1	20.5
15	-1	1	1	1	22.21
16	1	1	1	1	24.44

حيث يمثل (+) الحد الاعلى للعامل و (-) الحد المنخفض له، مثلًا المستوى C3D = 17.21 يمثل المستويات الادنى للعوامل الاربعة المكونة للكلنکر، كذلك المستوى (19.95) تمثل المستويات الادنى للعوامل (C2S,C3A,C4AF) والحد الادنى للعامل (C3S) في الكلنکر وهکذا لبقية العوامل .  
 اما تمثیل التصمیم هندسیا في الشکل (4) التالی الذي يمثل التأثيرات الرئیسیة للعوامل وتفاعلاتها الثنایة والثلاثیة وتفاعل رباعی واحد لبيانات الجدول السابق ( اعتمادا على شکل رقم (2) ) كما يلي :



شكل (4) الشكل الهندسي لتصميم  $2^4$

حيث تبين القيمة (17.21) مثلا مقاومة الانضغاط عند المستويات المنخفضة للاطوار الاربعة ، كذلك القيمة (18.5) تمثل المقاومة عند الحد المنخفض للاطوار الثلاثة الاولى ( A, B, C ) والحد الاعلى للطور الرابع ( D ) وهكذا ، لاختبار التوزيع الطبيعي للبواقي كما في الشكل ( 5 ) التالي الذي يبين رسم قيم Z الى قيم البواقي ويشير الى كون البواقي تتبع التوزيع الطبيعي مما يدل على صحة فرضية ان البيانات الاصلية تتبع التوزيع الطبيعي :



شكل (5) توزيع الاحتمال الطبيعي للبواقي  
 لتكوين جدول تحليل التباين لهذا التصميم نقوم أولا بحساب التأثيرات الرئيسية للعوامل وحسب المعادلات

( 9 ) .....(4) كما يلي:

جدول (4) قيم تأثيرات العوامل لفحص مقاومة الانضغاط

$A = 3.1$	$BD = -0.067$
$B = 4.15$	$ABD = -1.845$
$AB = 0.97$	$CD = -0.66$
$C = -0.2$	$ACD = 1.20$
$AC = -0.83$	$BCD = 0.44$
$BC = 1.03$	$ABCD = -0.78$
$ABC = 0.005$	
$D = 0.39$	
$AD = 0.37$	

من الجدول السابق نلاحظ ان العامل A الذي يمثل الطور الأول يزيد من مقاومة الانضغاط بمقدار (3.1) وكذا العامل B يزيد من قوة المقاومة بمقدار (4.15) بينما العامل C يقلل منها (سالب القيمة) بمقدار 2% وهكذا ، ونلاحظ أيضاً أن التفاعلات الثلاثية والرباعية تأثيراتها ضعيفة فيمكن دمجها مع الخطأ العشوائي في جدول تحليل التباين ،اما مجموع المربعات فتحسب كما في المعادلة (3) فيكون جدول ANOVA كما يلي:

**جدول (5) تحليل التباين لفحص مقاومة الانضغاط**

S.O.V	d.f	S.S	M.S	F
A	1	38.50	38.5	8.48
B	1	68.64	68.64	15.11
C	1	0.17	0.17	< 1
D	1	0.46	0.46	< 1
AB	1	3.76	3.76	<4.54
AC	1	2.75	2.75	> 1
AD	1	0.54	0.54	< 1
BC	1	4.26	4.26	< 4.54
BD	1	0.018	0.018	< 1
CD	1	1.78	1.78	< 4.54
Error	5	22.74	4.54	
Total	15	143.61	9.57	

جدول ANOVA بعد مقارنة قيمة F المحسوبة للعوامل مع قيمة F الجدولية (1,15,0.05) (4.54) التي تساوي (4.54). نجد أن التأثيرات (A ، B ) لها معنوية عالية في النموذج وبقية التأثيرات غير معنوية وهنا تم دمج التأثيرات الثلاثية و الراباعية مع الخطأ العشوائي (لكونها غير معنوية)، نموذج الانحدار لهذا التجربة حسب المعادلة ( 1 ) مع حذف التفاعل لأنه غير معنوي كما يلي :

$$\begin{aligned}\hat{y} &= BO + B_1 X_1 + B_2 X_2 \\ &= 20.79 + \frac{3.1}{2} X_1 + \frac{4.15}{2} X_2 \\ &= 20.79 + 1.55 X_1 + 2.075 X_2\end{aligned}$$

الحصول على القيم المتوقعة للنموذج بتعويض قيم  $X_1$  ب ( +1 ، -1 ) كما يلي:

$$\begin{aligned}\hat{y} &= 20.79 + 1.55 (+1) + 2.075 (+1) = 24.41 \\ &= 20.79 + 1.55 (-1) + 2.075 (-1) = 17.16 \\ &= 20.79 + 1.55 (+1) + 2.075(-1) = 20.26 \\ &= 20.79 + 1.55 (-1) + 2.075 (+1) = 21.31\end{aligned}$$

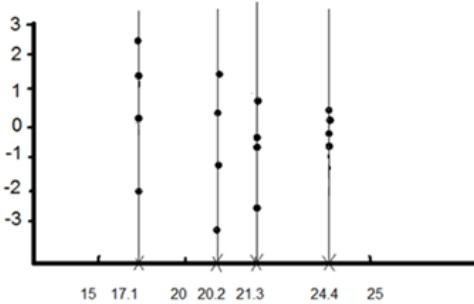
والآن لحساب الباقي نحسب الفرق بين القيم الفعلية للمقاومة في الجدول (3) مع القيم المتوقعة السابقة كما يلي:

$$\hat{y} = (24.41) \quad X_j = (+1,+1) \\ e_1 = 24.5 - 24.41 = 0.09 \\ = 24.4 - 24.41 = -0.01 \\ = 24.25 - 24.41 = -0.16 \\ = 24.44 - 24.41 = 0.03$$

و هكذا لباقي التقديرات

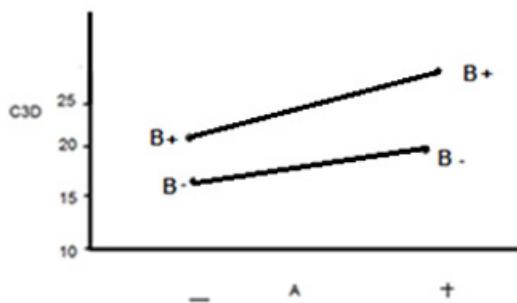
$$\hat{y} = (17.16) \quad X_j = (-1,-1) \quad \text{عند } e_2 \\ e_2 = 17.21 - 17.16 = .05 \\ = 19.92 - 17.16 = 2.76 \\ = 18.50 - 17.16 = 1.34 \\ = 15.00 - 17.16 = -2.16 \\ \hat{y} = (20.26) \quad X_j = (+1,-1) \quad \text{ذلك عند } e_3 \\ e_3 = 19.25 - 20.26 = -1.01 \\ = 17.00 - 20.26 = -3.26 \\ = 21.75 - 20.26 = 1.49 \\ = 20.50 - 20.26 = 0.24 \\ \hat{y} = (21.31) \quad X_j = (-1,+1) \quad e_4 \\ e_4 = 18.81 - 21.31 = -2.5 \\ = 21.29 - 21.31 = -0.12 \\ = 21.29 - 21.31 = -.02 \\ = 22.21 - 21.31 = 0.9$$

رسم الباقي إلى  $\bar{y}_i$  في الشكل (6) التالي :



شكل (6) قيم الباقي إلى  $\bar{y}_i$

الشكل (6) السابق يؤشر تغيرية واضحة في المستوى (17.1) الذي يمثل المستوى المنخفض للعاملين (A , B) وذلك لتبعاد نقاط الباقي وتشتتها عن بعضها ، لفحص وجود تفاعل بين العاملين نرسم كل منهما بالمستويين العالي والمنخفض كما في الشكل (7) التالي الذي يبين عدم وجود تفاعل بين العاملين A و B :



شكل (7) لا يوجد تفاعل بين العاملين A , B

إي إن المتغيرين C2S و C3S مستقلين في تأثيرهما على مقاومة الانضغاط للاسمنت وهذا ما أثبته جدول تحليل التباين ويبين أيضاً أن تأثير التغير للعامل (A) عند المستوى المنخفض لـ B ليس له تأثير بينما الزيادة في A عند المستوى العالى لـ B يزيد من قوة المقاومة للاسمنت بشكل كبير ، وللحكم على معنوية التأثيرات بطريقة إضافية نحسب الخطأ المعياري بتطبيق المعادلة (10) كما يلى :

$$S.e_B^{\wedge} = \sqrt{\frac{4.54}{2(2^{4-2})}} = 0.75$$

95 % حدود الثقة عند انحرافين معياريين للتأثيرات (0.75\*2) حسب المعادلة (11) هي:

$$\begin{aligned} A &: 3.1 \pm 1.5 = (1.6, 4.6) \\ B &: 4.15 \pm 1.5 = (2.65, 5.65) \\ AB &: 0.97 \pm 1.5 = (-.53, 2.47) \\ C &: 0.2 \pm 1.5 = (-1.3, 1.7) \\ AC &: 0.83 \pm 1.5 = (-.67, 2.33) \\ BC &: 1.03 \pm 1.5 = (-.47, 2.53) \\ CD &: 0.66 \pm 1.5 = (-.84, 2.16) \\ D &: 0.34 \pm 1.5 = (-1.16, 1.84) \\ AD &: 0.37 \pm 1.5 = (-1.13, 1.87) \\ BD &: 0.067 \pm 1.5 = (-1.43, 1.56) \end{aligned}$$

نجد أن جميع التأثيرات السابقة تتضمن حدود الثقة لها على الصفر عدا التأثيرين A ، B مما يدل على أهمية ومعنوية هذين التأثيرين .  
نموذج التجربة العاملية<sup>4</sup> هو :

$$y = 20.79 + 1.55 X_1 + 2.075 X_2$$

يسمى نموذج سطح الاستجابة من الدرجة الاولى....الشكل (8) يمثل مخطط RSM فيه رسم قيم  $\hat{Y}$  المتوقعة عند مختلف المستويات لـ  $X_1$  ،  $X_2$  ، مع إهمال التفاعل لكونه غير معنوي .  
مثلاً عند النقاط التالية ( نقاط مفترضة محصورة بين (1,-1) ) :

$$X_1 = 0.6 \quad X_2 = [-1, -.6, -.2, .2, .6, 1]$$

يكون  $\hat{y}$  كما يلى :

$$\begin{aligned} \hat{y}_1 &= 19.64 \\ \hat{y}_2 &= 20.47 \\ \hat{y}_3 &= 21.30 \\ \hat{y}_4 &= 22.13 \\ \hat{y}_5 &= 22.96 \\ \hat{y}_6 &= 23.79 \end{aligned}$$

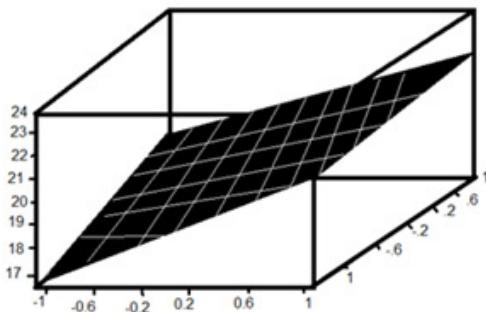
و للنقاط التالية :

$$X_1 = -0.2 \quad X_2 = [-1, -.6, -.2, .2, .6, 1]$$

ت تكون  $\hat{y}$  كما يلى :

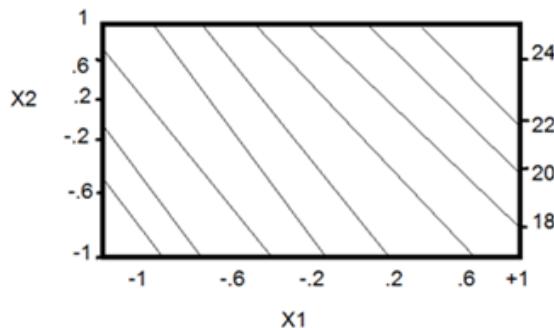
$$\begin{aligned} \hat{y}_1 &= 18.40 \\ \hat{y}_2 &= 19.23 \\ \hat{y}_3 &= 20.06 \\ \hat{y}_4 &= 20.89 \\ \hat{y}_5 &= 21.72 \\ \hat{y}_6 &= 22.55 \end{aligned}$$

وهكذا لبقية النقاط و بإيصال هذه النقاط بالتعاقب على سطح المستوي يتكون لنا الشكل التالي لسطح الاستجابة ( اعتمادا على شكل (2) السابق ) :



شكل (8) يمثل مخطط  $R S M$  لتصميم  $2^4$

أما الشكل المحيطي فيمكن الحصول عليه بالنظر إلى أسفل المسطح ثلاثي الأبعاد وإيصال النقاط للسطح الثابت للاستجابة كما تم تفصيله في الجانب النظري بتعويض قيم  $X'S$  في متغير الاستجابة  $y$  كما يلي :



شكل (9) يمثل الشكل المحيطي لتصميم  $2^4$

وهذا الشكل المحيطي هو الأساس الذي سوف نستخدمه في طريقة الصعود الحاد .  
**طريقة الصعود الحاد :**  
 للنموذج السابق

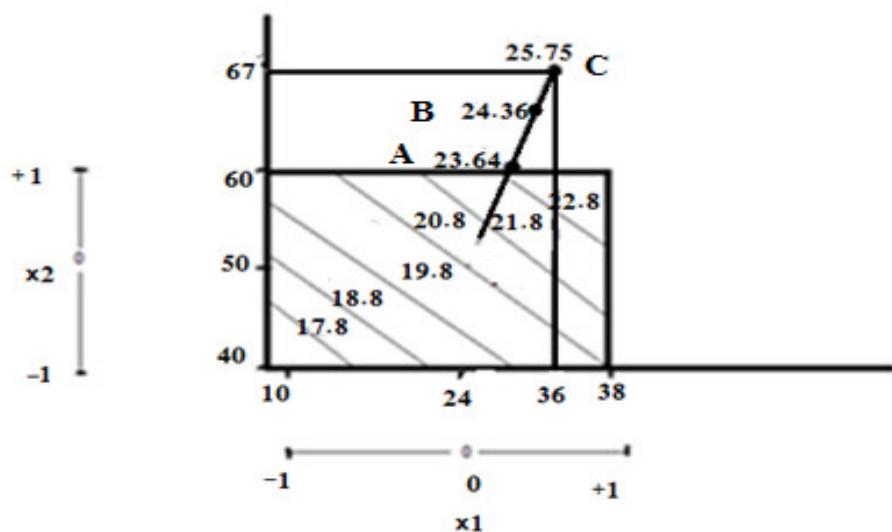
$$y = 20.79 + 1.55 X_1 + 2.075 X_2$$

وجدنا أن العاملين  $A$  و  $B$  معنويين بشكل كبير فنقوم الآن برسم هذين العاملين على المستوى واضعين حدديهما العالي والمنخفض حيث يكون :

$$A \gg x_1 = [10-38]$$

$$B \gg x_2 = [40-60]$$

نرحب في تدوير ( تطبيق ) هذه الحدود بالنسبة لمقاومة الانضغاط للأسمنت  $C_3D$  عند أفضل مستوى ( 25.5 ) يمكن الوصول إليه ( الأمثل ) فمن المهم الانطلاق من نقطة الأصل لمنطقة التجربة المحددة بالشكل المحيطي المذكور بمستويات العاملين المذكورة سابقا . الشكل(10) التالي يبين هذه المنطقة و النقطة المركزية لها ( 0,0 ) واتجاه مسار الصعود الحاد .



شكل (10) مسار الصعود الحاد لمقاومة الانضغاط للأسمنت

$$\hat{y} = 20.79 + 1.55 X_1 + 2.075 X_2 \Rightarrow \hat{y} = 20.79 + 0 + 0 = 20.79$$

النقطة المركزية عند ( $X_1=0$  ،  $X_2=0$ ) هي 20.79 منها يبدأ مسار الصعود الحاد .

ميل المسار يحسب بقسمة معامل على  $X_2$  معامل  $X_1$  كما يلي :

$$M = \frac{2.075}{1.55} = 1.33$$

نحن نتحرك على المسار بمقدار 1.55 عند  $X_1$  باتجاه كل 2.07 عند  $X_2$  ، وهكذا مسار الصعود الحاد يبدأ عبر النقطة (0,0) وبميل يساوي (1.33) ، نرحب أن نستخدم 10 وحدات على محور  $X_2$  ( العامل B ) هي حجم الخطوة التي ننتقل بها على طول المسار وهي مناظرة للتغير في  $X_2$  بمقدار 1 ( 1 ، 0 ، -1 ) كما مبين في الرسم السابق:

$$\Delta X_2 = 1$$

فالخطوات على طول مسار الصعود الحاد هي :

$$\Delta X_2 = 1 \Rightarrow \Delta X_1 = \frac{\Delta X_2}{1.33} = \frac{1}{1.33} = 0.75$$

القيمة ( 0.75 ) التي تمثل التغير في  $X_2$  تناضر على المحور الاقفي حسب مقياس الرسم :

$$24 - 10 = 14 \quad » \quad 14 * 0.75 = 10.5$$

اي اننا نتحرك بزيادة 10.5 للطور A وبزيادة 10 للطور B لقيم الحقيقة للمشاهدات لقوة مقاومة الانضغاط التي نحصل عليها بتدوير العملية عند كل نقطة .. عملية التدوير تكون بتعويض قيم مختلفة لـ  $X_1$ 'S في معادلة نموذج سطح الاستجابة كما يلي :

$$Y = 20.79 + (1.55 * 0.1) + (2.075 * 1.3) = 23.64$$

$$Y = 20.79 + (1.55 * 0.43) + (2.075 * 1.4) = 24.36$$

$$Y = 20.79 + (1.55 * 1.86) + (2.075 * 1.0) = 25.75$$

والشكل (10) السابق يبين موقع هذه النقاط الثلاثة على طول مسار الصعود الحاد والقيم الحقيقة لمقاومة الانضغاط للأسمنت في العملية الإنتاجية عند هذه النقاط ، حيث تبين انه عند النقطة C كانت قيمة مقاومة الانضغاط للأسمنت 25.75 لذلك المسار الحاد يقف عند هذه النقطة حيث تكون قيمة [ (  $X_1 = 36$  ) العامل A ] وقيمة [ (  $X_2 = 67$  ) العامل B ] وهي المنطق المطلوب الوصول إليها حيث تتحقق عندها اكبر مقاومة انضغاط للأسمنت .

الاستنتاجات:

نستنتج مما سبق :

- افتقار اغلب المؤسسات الصناعية للتقنيات الاحصائية الحديثة في ضبط الجودة وعدم الاهتمام بالغلبة على هذه المشكلة.

- 2 عدم وجود قياسات محددة بشكل دقيق للمواصفات العالمية المفروض اتباعها في انتاج المنتج وبالتالي عدم مطابقته للمواصفات المحددة عالميا.
  - 3 ادى تطبيق طريقة سطح الاستجابة والتي اتبنا فيها منهجية مونتغومري لتحقيق الامثلية وذلك بعد تحديد العوامل الاكثر تأثير على متغير الاستجابة باتباع طرق تصميم التجارب ، الى تحسين العملية ووصولها الى الامثلية من خلال ما يسمى بطريقة الصعود الحاد على مسار يحدد باسلوب احصائي يعتمد على معادلة الانحدار من الدرجة الاولى على سطح الاستجابة .
  - 4 ان الطور الاول C2S والطور الثاني C3S هما الاكثر تأثير على متغير الاستجابة ( قوة مقاومة الانضغاط للاسمنت).
  - 5 وجوب تحديد المستويات الافضل في تحسين العملية لأن الإنتاج في المستوى المنخفض يختلف عنه في المستوى العالي حيث كان مستويات التراكيز التي يمكن ان تصل فيها العملية الى الامثلية عند هذين الطورين هي عند مستوى العامل (C2S = 36 ) ومستوى العامل (C3S = 67 ) حيث تحققت عندهما قوة مقاومة انضغاط (C3D = 25.75).
  - 6 ما توصلنا إليه أثبتته البحوث المتخصصة في تكنولوجيا الخرسانة ، من خلال الفحص والتطبيق العملي في المختبرات الهندسية.
- الوصيات :**
- 1 استخدام تصميم التجارب ك احد الاساليب الاحصائية في ضبط الجودة وتحسين العملية.
  - 2 تاهيل وتدريب كادر احصائي متخصص في ضبط جودة المنتجات الصناعية الى المؤسسات الانتاجية ووضع برامج تدريبية وتطويرية متخصصة لكل العاملين في هذا المجال .
  - 3 تشجيع المؤسسات الانتاجية والخدمية من التواصل مع مثيلاتها العالمية لتحقيق سبل التكامل مع بعض من اجل التطوير والتفاعل مع احدث ما توصلت اليه طرق ضبط نوعية المنتجات وتحسينها باقل التكاليف .

## المراجع

- 1) Charley , K.M and Kamenev , N.Y. (2004), *Response Surface Methodology*, CASOS technical report method, CMU-ISRI -04-136 Carnegie Melon University
  - 2) Cochran .W.G. & Cox .G.M.,(1957),*Experimental Design* , Second Edition, John Wiley & Sons Inc., New York, USA.
  - 3) Davies .D.,(1956) , *Design and Analysis of Industrial Experiments* ,2<sup>nd</sup> ed., Oliver and Boyd , Edinburgh
  - 4) Fisher .R.A,(1935),*The Design of Experiment* ,London ,Oliver & Boyd
  - 5) Hedrick G. V. Oss & Amy C. Padovani ,(2003), *Cement Manu-factor and the Environment*,*journal of Industrial Ecology* ,No. 1,Part 2,Vol 7 PP(1-34).
  - 6) Montgomery, D.C. ,(1997),*Introduction to statistical quality control*, Third edition, New York : John Wiley and Sons .Inc
  - 7) Montgomery ,D.C.(1997),*Design & Analysis of Experiments* ,4th ed., John Wiley & Sons, New York.
  - 8) Montgomery, D.C.(1999), *experimental design for product and process design and development*, The statistician No.48,Part 2,PP.(159-170).
  - 9) Myers ,R. Montgomery ,D.C.(1995), *Response Surface methodology: process and product optimization using designed experiment*,John Wiley & Sons .Inc
- (1) نيفل.ا.م، (2005)، تقنية الخرسانة، جامعة الملك سعود، النشر العلمي والمطبع، الرياض- السعودية .